

1. משך הבחינה שלוש שעות - לא תנתן הארכה.
2. קראו את כל השאלות בעיון בתחילת המבחן.
3. במבחן יש 4 שאלות - אין בחירה.
4. מותר להעזר בסיקומי שיעור מודפסים שחולקו בהרצאות. מותר להשתמש בתדייסי שקפים ורק עבור ההרצאות שלא חולקו בהם סיקומי שיעור. אסור שימוש בכל חומר אחר. למען הסר ספק: אסור שימוש בכל חומר הכלל פתרונות של תרגילי בית (כולל שקפים מתירוגלים) ופתרונות של מבחנים משניהם קודמות.
5. מותר להשתמש בתשובות בכל מעגל שנלמד בכתה או בשערורי הבית בתנאי שימושים בمعالג זהה לחוטין לمعالג שנלמד. יש לציין במפורש מהם הקלטים, הפלטטים והפונקציונליות.
6. יש לקחת בחשבון שההשניה של שער תלוי בדרגות כניסה שלו.
7. בכל שאלה שבה מצוין יעד של מחיר או השהיה, אי עמידה ביעד תשפייע על ניקוד התשובה.
8. ליד כל שאלה מופיע בסוגרים מספר הנקודות שיינטנו עבור תשובה מלאה.
9. ענו על השאלות באזוריים המוקצים לכך בגוף השאלה. השתמשו במתברות כתיפות בלבד.
10. רשמו את מספר תעודות הזהות שלכם כאן:

question	weight	grade
1-1	5	
1-2	5	
1-3	5	
2-1	4	
2-2	19	
2-3	6	
3-1	1	
3-2	4	
3-3	7	
3-4	5	
3-5	15	
4-1	12	
4-2	12	

שאלה מס' 1 (15%)

ציינו האם המשפטים הבאים נכונים או לא נכוןים. נמקו כל תשובה במשפט קצר.

.1. (5%)

בഫיטה הספרטית מתקיימות התכונות הבאות: אם אחת הכניסות של שער OR היא לוגית ורואה אחד לוגי, אז הפלט חייב להתייצב אחרי זמן ההשאה של השער על ערך אחד לוגי.

.2. (5%)

יותר קל לחשב את הערך הלוגי של פלטי מעגל ספרתי (בהינתן העריכים הלוגיים של הקלטים) מאשר לבדוק האם מעגל נתון הוא מעגל צירופי.

.3. (5%)

הקטנת השהייה העיכוב t_{pd} של דלגלג אינה יכולה לגרום להפרה של אילוצי זמן בהנחה ששאר הפרמטרים של הדלגלג אינם משתנים.

שאלה מספר 2 (29%)

הפונקציה הבוליאנית $f_2 : \{0, 1\}^2 \rightarrow \{0, 1\}$ מוגדרת באופן הבא

$$f_2(x, y) \triangleq \begin{cases} 1 & \text{if } x > y \\ 0 & \text{if } x \leq y \end{cases}$$

נרחיב את הפונקציה $f_2(x, y)$ לפונקציה בولיאנית f_n בצורה רקורסיבית:

$$f_n(x_1, \dots, x_n) \triangleq f(f_{n-1}(x_1, \dots, x_{n-1}), x_n).$$

(4%).

חשבו את

$$\begin{aligned} f_4(1, 1, 1, 1) \\ f_4(1, 0, 1, 0). \end{aligned}$$

2. (19%) תכנו בעמוד הבא מעגל צירופי C_n אשר ממש את הפונקציה f_n . המעגל צריך להיות בעל השהייה עיקוב קטנה ככל האפשר (אסימפטוטית), וمبין המימושים המהירים עליו להיות זול ככל האפשר (אסימפטוטית).

התכnon צריך להכיל:

- דיאגרמות בלוקים של התכnon לצורך רshima המתואמת לכל בלוק את מספר הקלטים, מספר הפלטים, והפונקציונליות.
 - הסבר קצר כיצד פועל המעגל ומדוּע הוא נכון. אין צורך בהוכחה פורמלית.
3. (6%) מהי ההשניה האסימפטוטית ומהירות האסימפטוטי של התכnon שלכם.

תשובות לסעיף 3:

פתרונות שאלה 2 סעיף 2:

שאלה מספר 3 (32%)

תכון מעגל סנכרוני S_n שמצויה האם סדרת הקלט x_0, \dots, x_{n-1} היא פלינדרום.
תזכורת: מחרוזת $x[n-1 : 0]$ היא פלינדרום אם

$$\forall i \in \{0, 1, \dots, n-1\} : x[i] = x[n-1-i].$$

המפורט של המעגל S_n הוא כדלהלן:

- במחזור השעון ה- i מזין המעגל בסיביות $x[i].$
- למעגל פلت יחיד $Y.$ במחזור השעון ה- $1-2n$ ערך הפלט Y מקיים:

$$Y = \begin{cases} 0 & \text{אם סדרת הקלט } x[0 : n-1] \text{ אינה פלינדרום} \\ 1 & \text{אם סדרת הקלט } x[0 : n-1] \text{ היא פלינדרום} \end{cases}$$

שימוש לב:

1. הקלט מזין ב- n מחזורי השעון הראשונים, והפלט מתקובל n מחזורי שעון אחרי סוף הקלט.
2. ערכי הקלט במחזורי השעון $1-2n, n+1, \dots, 2n$ אינם משפיעים על הפלט Y במחזור השעון $1-2n.$
3. המפורט אינו דורש דרישת כלשהי מן הפלט במחזורי שעון שונים מחזור השעון ה- $1-2n.$
4. הינכם רשאים להניח שהמעגל מאותחל לערך שונה لكم כבר בתחילת מחזור השעון ה-0.

ענו על השאלות הבאות:

1. (1%) הקיפו בעיגול את הסדרות מבין הסדרות הבאות שהן פלינדרומים.

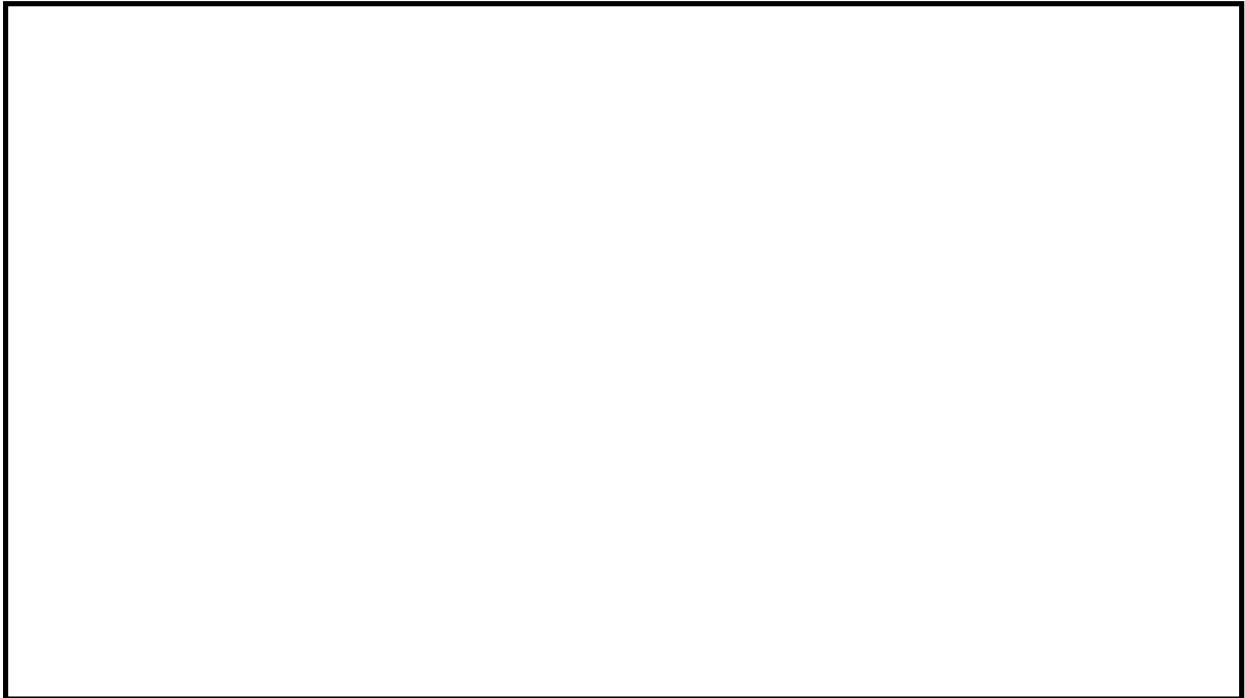
$$\begin{array}{l} 0, 1, 1, 0 \\ 0, 1, 0, 1. \end{array}$$

2. (4%) תכנו מעגל סינכרוני ($Queue(n)$) בעל כניסה וויזה $in \in \{0,1\}$ ויציאה וויזה $out \in \{0,1\}$ אשר בכל מחזור שעון t מקיים:

$$out(t) = in(t-n).$$

כלומר, היציאה במחזור שעון t שווה לכינסה n מחורי שעון קודם. אין צורך לעסוק במקרים קצה, למשל מה קורה אם $n < t$?

המעגל צריך לעמוד עם מחזור שעון קבוע (בלתי תלוי ב- n). מספיק לצייר את התכnuן עבור $n=4$.



3. (7%) תכנו מעגל סינכרוני (n) *Stack* בעל שתי כניסה: $in, pop \in \{0, 1\}$ ויציאה בודדת $out \in \{0, 1\}$. המעגל ממיש מחסנית באופן הבא. בתחילת כל מחזור שיעון אוגרת המחסנית סדרה של איברים $x_m, x_{m-1}, \dots, x_1, x_2, \dots$, כאשר $n \leq m \leq 0$. נסמן ב- $x_i(t)$ את הערך של האיבר x_i בסדרה האוגרת במחסנית במהלך מחזור השיעון t .

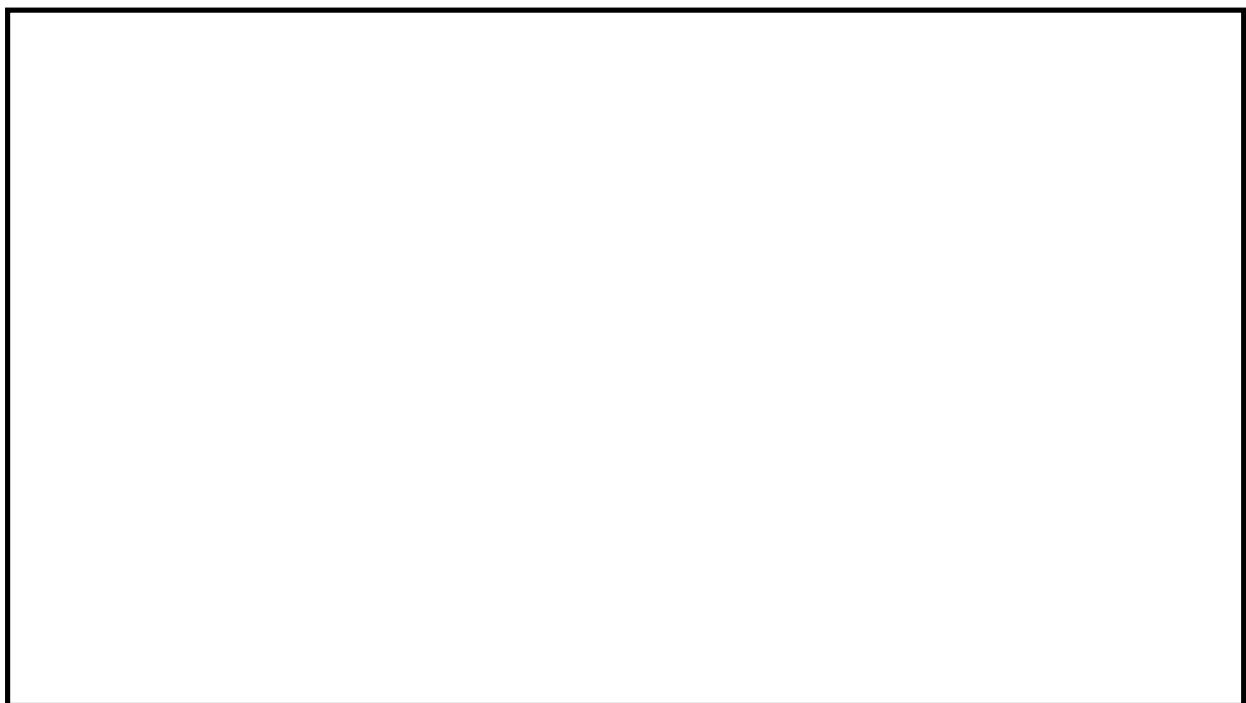
אם $pop(t) = 1$, אז הפלט מקיים $x_1(t) = out(t)$. ואם, מותבצע עידכון של הקבוצה המוחסנת: $x_i(t+1) \leftarrow x_{i+1}(t)$, לכל $1 \leq i < m$. שימו לב שמספר האיברים בסדרה פחת באחד. אינו מפרטים מה קורה אם הקבוצה ריקה, כלומר $0 = m$.

אם $0 = pop(t)$, אז הקלט $in(t)$ מתווסף לסדרה שאוגרת במחסנית באופן הבא:

$$\begin{aligned} x_1(t+1) &\leftarrow in(t) \\ x_{i+1}(t+1) &\leftarrow x_i(t). \end{aligned}$$

שימו לב שמספר האיברים בסדרה גדל באחד. אינו מפרטים מה קורה אם מספר האיברים בקבוצה עולה על n .

המעגל צריך לעבוד עם מחזור שיעון קבוע (בלתי תלוי ב- n) - מותר להניח שהרשת המזונת על ידי הקלט pop היא בעלת השהייה קבועה למורות שהיא מזינה אולי הרבה קלטים. מספיק לצייר את התכנון עבור $n = 4$.



4. (5%) תכנו מונה שסופר עד n תוך שימוש במעגל $Queue(n)$. זיכרו שהינכם רשאים להניח שהמעגל מאוטחן לערך שונה לכם כבר בתחילת מחזור השעון ה-0.

5. (15%) תכננו מעגל S_n לפי המפרט לעיל. המעגל צריך להיות בעל מחוזר שעון קבוע (בנהנча מספר הקלטים שימושיים על ידי רשות אינו משפייע על ההשחיה), ובין המעגלים המהירים,عليו להיות בעל מחיר זול ככל האפשר (אסימפטוטית). התכנון צריך להכיל:

- (8%) דיאגרמת בלוקים של התכנון לצורך רshima המתארת לכל בלוק את מספר הקלטים, מספר הפלטים, והפונקציוניות.
- (4%) הסבר קצר כיצד פועל המעגל ומדוע הוא נכון. אין צורך בהוכחה פורמלית.
- (3%) מהו מחוזר השעון האסימפטוטי של המעגל שתכננו? מהו המחיר האסימפטוטי של התכנון שלכם?

פתרונות סעיף 5:

שאלה מספר 4 (24%)

ברצוננו להוסיף לשפט המכונה של ה-DLX **פקודה חדשה**.

chkbit17 RS1 RD.

פקודה זו גורמת לעידכו *RD* באופן הבא:

$$RD = \begin{cases} 0^{31} \cdot 1 & \text{if } RS1[17] = 1 \\ 0^{32} & \text{otherwise.} \end{cases}$$

הציעו שימוש של ה-DLX שתומך בפקודה החדשה תוך ביצוע שינויים קלים ככל האפשר במסלול הנתונים.
(הnikud יופחת עבור שינויים מוגזמים.)

1. (12%) מנו את השינויים הנדרשים במסלול הנתונים על מנת לתמוך בהרצת הפקודה החדשה.
2. (12%) הצעו הרחבה לדיגרמת המצבים של הבקרה על מנת לתמוך בהרצת הפקודה החדשה. ציירו את מסלול מצבי הבקרה, שמכונת המצבים של הבקרה חולפת דרכו בעת הרצת הפקודה החדשה.
לכל מצב לאורך מסלול זה (חדש וישן), תארו את פקודות ה-RTL, שמתבצעת בו.

פתרונות **שאלה 4:**

המשך פתרון שאלה 4: